

Résumé des formules

$$a, b > 0, n \in \mathbb{N} : \ln(1) = 0 ; \ln(a \times b) = \ln(a) + \ln(b) ; \ln\left(\frac{1}{a}\right) = -\ln(a) ; \ln\left(\frac{a}{b}\right) = \ln(a) - \ln(b) ; \ln(a^n) = n \ln(a)$$

$$\text{Dérivées : } \ln'(x) = \frac{1}{x} > 0 \quad [\ln(u)]' = \frac{u'}{u}$$

Comportement aux infinis

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln(x) = -\infty \quad \text{et} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \ln(x) = +\infty$$

$$0 < x < 1 \Leftrightarrow \ln(x) < 0, \quad x \geq 1 \Leftrightarrow \ln(x) \geq 0$$

Tableau de Variation

x	0	1	E	$+\infty$
$\ln'(x)$	+	1	+	+
$\ln(x)$	$-\infty$	\nearrow	0	\nearrow
			1	\nearrow
				$+\infty$

Tangente en $x=1$: $T_1 | y = \ln'(1)(x-1) + \ln(1)$, soit $T_1 | y = x-1$.

La tangente en $x=1$ est parallèle à la première bissectrice des axes.

Tangente en $x=e$: $T_e | y = \ln'(e)(x-e) + \ln(e)$, soit $T_e | y = \frac{1}{e}x$.

La tangente en $x=e$ passe par l'origine du graphe.

